

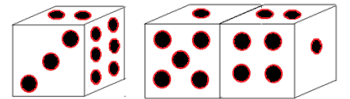
小学高年级组试题

一、 填空题（每小题 10 分，共 80 分）

1. 黑球、白球和红球共 100 个，如果黑球数比白球数多一倍，红球数比黑球数多 10 个，那么红球数是（**46**）个.
2. 若连续的四个自然数都为合数，则这四个数的和最小值为（**102**）.
3. 将算式“ $10 \div 9 \div 8 \div 7 \div 6 \div 5 \div 4 \div 3 \div 2$ ”只添上若干个括号，使算式的计算结果是自然数，这个结果最小值是（**7**）.
4. 自然数 n 是两个质数的乘积，而 n 的不包含因数 n 的所有正因数的和等于 1000，则 $n =$ （**1994**）.
5.
$$\frac{1}{[2.1]} + \frac{1}{[6.2]} + \frac{1}{[12.3]} + \frac{1}{[20.4]} + \frac{1}{[30.5]} + \frac{1}{[42.6]} + \frac{1}{[56.7]} + \frac{1}{[72.8]} + \frac{1}{[90.9]} =$$

（ $\frac{9}{10}$ ）. 其中 $[x]$ 记为不超过 x 的最大整数，如， $[2] = 2, [3.14] = 3$ 等等.
6. 甲、乙两火车站，均每隔 2.5 小时相向发出各一列客车，速度相同. 另有一列货车，在甲、乙车站之间行驶，每隔 7.5 小时，该货车后面追上一列客车，则每隔（**1.5**）小时，该货车迎面相遇一列客车.
7. 小华计划做一些数学题，从某天开始，每天都做题，但各天做题的数量互不相同，他最多用（**7**）天就可以做完 30 道数学题.

8. 由三个完全相同的正方体堆积成右图所示的两个立体，则右边两个小立体的背面上所有黑点的总数是（**9**）.



二、 解答下列各题（每题 10 分，共 40 分，要求写出简要过程）

9. 有甲乙两组数，甲组有 12 个数，乙组 22 个数，将甲组最小的 4 个放到乙组去，乙组数的平均值增大了 1，甲组的平均数增加了 3，问原来甲组的平均数与乙组的平均数的差是多

少?

答案: 12.5

解答: 设原来甲组的平均数为 a , 乙组的平均数为 b , 甲组的最小的 4 个数的平均数为 c ,

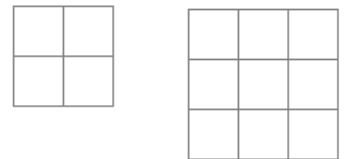
调整后, 甲组前 8 个数要补给被调出去的 4 个数 24, 则 $\frac{4c+24}{4} = a$, 所以 $a-c=6$,

调整后, 乙组的平均数增加了 1, 甲组被调出去的 4 个数补给乙组的数 22, 则 $\frac{4c-22}{4} = b+1$, $b-c=-6.5$, 所以 $a-b=6+6.6=12.5$.

10. 用火柴棍摆放 2×2 的 4 宫格, 用 12 根火柴; 摆放 3×3 的 9

宫格, 用 24 根火柴. 小明用 1300 根火柴, 摆放了 $m \times m$ 的

m^2 宫格, 则 m 等于多少? .



答案: 25

解答: 摆放 $m+1$ 行火柴棍, 每行 m 根, 共计 $m(m+1)$ 根, 垂直放置 $m+1$ 列火柴棍, 每列 m 根, 共计 $m(m+1)$ 根. 所以, 摆放 m^2 宫格, 用了 $2m(m+1)$ 根火柴,

$$2m(m+1) = 1300,$$

$$m(m+1) = 650 = 25 \times 26,$$

$$m = 25.$$

11. 三角形纸片 ABC 沿直线 MN 折叠, 使顶点 C 恰落在边 AB 上的 C' 点, 而没有覆盖的部分恰好是顶点分别为 A 和 B 的两个等腰三角形 $AC'M$ 与 $BC'N$, 则 $\angle C =$ () 度 (图 1 是示意图).

答案: 60°

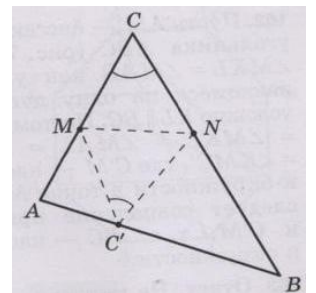


图 1

解答: 如图 1, 折叠线与边 AC 和 BC 分别交于点 M 和 N , 而顶点 C 落在边 AB 上的点 C' 则 $\angle MC'N = \angle C$.

在等腰三角形 MAC' 中,

$$\angle MC'A = \frac{1}{2}(180^\circ - \angle A).$$

类似地, 在等腰三角形 NBC' 中,

$$\angle NC'B = \frac{1}{2}(180^\circ - \angle B).$$

考察顶点在 C' 的三个角的和, 我们得到,

$$\frac{1}{2}(180^\circ - \angle A) + \angle C + \frac{1}{2}(180^\circ - \angle B) = 180^\circ,$$

即 $2\angle C - \angle A - \angle B = 0^\circ$.

对这个等式加上 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$, 得 $3\angle C = 180^\circ$, 所以 $\angle C = 60^\circ$.

12. 在立方体 6 个表面上各写上一个正整数. 而在每个顶点写上该顶点所在的 3 个表面上的正整数的乘积. 如果在 8 个顶点上所写的整数之和为 70, 则在各表面上所写的整数的和是 ().

答案: 14

解答: 如果在立方体相对的两个表面写的正整数分别为 (a, b) , (c, d) , (e, f) , 则在各顶点写的数之和为 $(a+b)(c+d)(e+f) = 70 = 2 \times 5 \times 7$, 所以在各表面上写的数的和是 $(a+b) + (c+d) + (e+f) = 2 + 5 + 7 = 14$.

三、 解答下列各题 (每小题 15 分, 共 30 分, 要求写出详细过程)

13. 有一个三位数, 将百位的数字换为十位的数字, 个位不变, 则十位数字换为 () 后, 可以得到一个尽可能大的三位数, 正好是原数的 3 倍.

答案: 5

解答: 设原三位数是 \overline{abc} , 十位数字换为 x , 新的三位数是 \overline{bxc} , 由个位不变和新的三位数是原三位数的 3 倍的条件, 可知个位是 0 或 5.

当个位为 0 时, 有等式:

$$\begin{aligned} 300a + 30b &= 100b + 10x, \\ 30a - 7b &= x. \end{aligned} \quad (*)$$

既然要求新的三位数尽可能大, 且 x 是一位数, b 可依次取 9, 8, 代入 (*), 得到:

$$30a - 7 \times b = 30 \times 2 - 7 \times 8 = 4, \text{ 即 } a = 2, b = 8, x = 4,$$

此时, 新的最大的三位数是 840, 原三位数是 280.

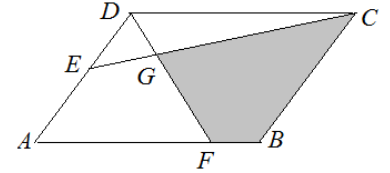
当个位为 5 时, 有等式:

$$\begin{aligned} 300a + 30b + 15 &= 100b + 10x + 5, \\ 30a - 7b &= x - 1. \end{aligned} \quad (**)$$

此种情况，同样可得：新的最大的三位数是 **855**，原三位数是 285.

所以答案是 855.

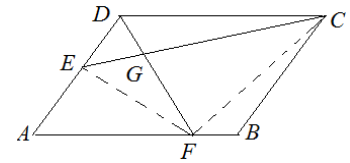
14. 右图中， $ABCD$ 是平行四边形，已知 $AE=ED$ ， $AF=3FB$ ，四边形 $BCGF$ 的面积是 39，则 $ABCD$ 的面积是多少？



答案：88

理由：连接 CF 和 EF ，见图 2.

在四边形 $ABGF$ 中，由已知条件：设 $ABCD$ 面积是 $8a$ ，由 $AE=ED$ ， $AF=3FB$ ，四边形 $BCGF$ 的面积是 8，可得：



三角形 BCF 的面积 $=a$ ，三角形 CFG 的面积 $=39-a$ ，三角形 AFE 的面积 $=\frac{3}{2}a$ ，三角形 CFE 的面积 $=6a-\frac{3}{2}a-a=\frac{7}{2}a$ ，三角形 CDE 的面积 $=2a$ ，三角形 CDG 的面积 $=4a-8+a=5a-39$.

由共边定理，

$$\frac{\text{三角形CFE的面积}}{\text{三角形CDE的面积}} = \frac{\text{三角形CFG的面积}}{\text{三角形CDG的面积}},$$

$$\frac{\frac{7}{2}a}{2a} = \frac{39-a}{5a-39},$$

解得： $a=11$ ， $ABCD$ 的面积是 88.